# Vergleich eines arithmetischen Mittelwerts mit einem Sollwert (Einstichproben-t-Test) CBL



### 1. Ausgangsdaten

Die Leukozytenzahl männlicher Erwachsener beträgt laut Literatur WBC =  $8.0 \cdot \frac{1000}{vL}$ 

Folgende Werte wurden in einer Stichprobe mit einem Umfang von n = 30 ermittelt (in  $\frac{1000}{uL}$  ):

- arithmetisches Mittel:  $\bar{x} = 7,12$
- Stichprobenstandardabweichung: s = 1,51

# 2. Aufstellung der zu prüfenden Hypothese

#### Nullhypothese (H₀):

#### 3. Ermittlung der Teststatistik (Prüfgröße) t

Die *Teststatistik* (t) für den t-Test zwischen einem Stichprobenmittelwert und einem Sollwert lautet:

$$t = \frac{|\bar{x} - x_{soll}|}{s} \cdot \sqrt{n}$$

Bei uns:

## 4. Vergleich mit dem Tabellenwert

Freiheitsgrad 
$$f = n - 1$$

Bei uns: f =

Auszug aus der t-Tabelle für diesen Freiheitsgrad. <u>(siehe t-</u> **Tabelle**)

Irrtumswahr- scheinlichkeit α <sub>%</sub> (Signifikanzniveau)	<b>t</b> <sub>Tabelle</sub>	Vergleich Werte	der	t-
0,5 (50%)				
0,25 (25%)				
0,1 (10%)				
0,05 (5%)				
0,025 (2,5%)				
0,01 (1%)				
0,005 (0,5%)				
0,001 (0,1%)				
0,0005 (0,05%)				

#### 5. Interpretation des Ergebnisses

Die Irrtumswahrscheinlichkeit  $\alpha$  (Signifikanniveau) ist die Wahrscheinlichkeit die Nullhypothese abzulehnen, obwohl sie in Wirklichkeit zutrifft.

Ist die Teststatistik ( $t_{Versuch}$ ) größer als der tabellierte Tabellenwert,  $t_{Tabelle}$ , wird die Nullhypothese verworfen. Mit einer Irrtumswahrscheinlichkeit ( $\alpha$ ) von unter ............... kann hier also die Nullhypothese abgelehnt werden. Das heißt es kann mit relativ großer Sicherheit davon ausgegangen werden, dass ein Unterschied zwischen dem wahren Mittelwert und dem Sollwert besteht. Es besteht nur eine kleine Restwahrscheinlichkeit (<.....%), die Nullhypothese fälschlicherweise zu verwerfen.

Er haben sich folgende sprachliche Regelung etabliert.

- Verwerfung von  $H_0$  mit  $\alpha$  < 5%: "signifikanter Unterschied"
- Verwerfung von H<sub>0</sub> mit α < 1%: "hoch signifikanter Unterschied"

Vergleicht man die Prüfgröße mit dem t-Wert für  $\alpha$ = 0,001 stellt man fest, dass  $t_{\text{Versuch}} < t_{\text{Tabelle}}$ . Das heißt man akzeptiert die Nullhypothese. Ein Unterschied zwischen Mittelwert und Sollwert kann nicht mehr angenommen werden, wenn man eine Irrtumswahrscheinlichkeit von nur  $\alpha$  = 0,1% zulässt. Wie groß die Irrtumswahrscheinlichkeit dabei ist, die Nullhypothese fälschlicherweise zu *akzeptieren* ( $\beta$ -Fehler), kann <u>nicht</u> aus dem t-Test geschlossen werden!

Mit sinkender Irrtumswahrscheinlichkeit ...5%  $\rightarrow$  2%  $\rightarrow$  1 %  $\rightarrow$  0,2%  $\rightarrow$  0,1%.... nimmt der tabellierte t-Wert immer weiter zu. Für einen gegeben Prüfwert t ist es immer schwieriger noch überhalb von tT<sub>abelle</sub> zu liegen. Eine signifikanten Unterschied von Sollwert und Mittelwert nachzuweisen, ist damit immer schwerer.

#### 6.t-Test mit einem Tabellenkalkulationsprogramm

Man kann den t-Test auch mit einem Tabellenkalkulationsprogramm sehr bequem durchführen. Hierfür gibt es vorgefertigte Formeln.

https://voutu.be/uxaASZrO5bQ



t-Verteilu	ng nach Stu	JDENT. Kritisc	he Werte α	in Abhängig	keit der Fre	iheitsgrade f						
	Regelfall: Irrtumswahrscheinlichkeit α für zweiseitige Fragestellungen (P)											
	0.50	0.25	0.10	0.05	0.025	0.01	0.005	0.001	0.0005			
f	Irrtumswahrscheinlichkeit α für einseitige Fragestellungen (P) – liegt vor, wenn aus theor. Überlegungen die eine Grö Mittelwert) <u>nur</u> größer oder <u>nur</u> kleiner sein kann als die Vergleichsgröße (2. Mittelwert, Sollwert o.ä.)											
	0.25	0.125	0.05	0.025	0.0125	0.005	0.0025	0.0005	0.000025			
1	1,000	2,414	6,314	12,706	25,452	63,657	127,321	636,619	1273,240			
2	0,816	1,604	2,920	4,303	6,205	9,925	14,089	31,599	44,705			
3	0,765	1,423	2,353	3,182	4,177	5,841	7,453	12,924	16,326			
4	0,741 0,727	1,344 1,301	2,132 2,015	2,776	3,495	4,604	5,598 4,773	8,610	10,306 7,976			
5	0,727	1,301	1,943	2,571 2,447	2,969	4,032 3,707	4,773	6,869 5,959	6,788			
6	0,710	1,273	1,895	2,365	2,363	3,499	4,029	5,408	6,082			
7 8	0,711	1,240	1,860	2,306	2,752	3,355	3,833	5,041	5,617			
9	0,703	1,230	1,833	2,262	2,685	3,250	3,690	4,781	5,291			
10	0,700	1,221	1,812	2,228	2,634	3,169	3,581	4,587	5,049			
11	0,697	1,214	1,796	2,201	2,593	3,106	3,497	4,437	4,863			
12	0,695	1,209	1,782	2,179	2,560	3,055	3,428	4,318	4,716			
13	0,694	1,204	1,771	2,160	2,533	3,012	3,372	4,221	4,597			
14	0,692	1,200	1,761	2,145	2,510	2,977	3,326	4,140	4,499			
15	0,691	1,197	1,753	2,131	2,490	2,947	3,286	4,073	4,417			
16	0,690	1,194	1,746	2,120	2,473	2,921	3,252	4,015	4,346			
17	0,689	1,191	1,740	2,110	2,458	2,898	3,222	3,965	4,286			
18	0,688	1,189	1,734	2,101	2,445	2,878	3,197	3,922	4,233			
19	0,688	1,187	1,729	2,093	2,433	2,861	3,174	3,883	4,187			
20	0,687	1,185	1,725	2,086	2,423	2,845	3,153	3,850	4,146			
21	0,686	1,183	1,721	2,080	2,414	2,831	3,135	3,819	4,110			
22	0,686	1,182	1,717	2,074	2,405	2,819	3,119	3,792	4,077			
23	0,685	1,180	1,714	2,069	2,398	2,807	3,104	3,768	4,047			
24	0,685	1,179	1,711	2,064	2,391	2,797	3,091 3,078	3,745 3,725	4,021			
25	0,684 0,684	1,178 1,177	1,708 1,706	2,060 2,056	2,385	2,787 2,779	3,078	3,725	3,996 3,974			
26	0,684	1,176	1,703	2,052	2,373	2,773	3,057	3,690	3,954			
27 28	0,683	1,175	1,701	2,048	2,368	2,763	3,047	3,674	3,935			
29	0,683	1,174	1,699	2,045	2,364	2,756	3,038	3,659	3,918			
30	0,683	1,173	1,697	2,042	2,360	2,750	3,030	3,646	3,902			
31	0,682	1,172	1,696	2,040	2,356	2,744	3,022	3,633	3,887			
32	0,682	1,172	1,694	2,037	2,352	2,738	3,015	3,622	3,873			
33	0,682	1,171	1,692	2,035	2,348	2,733	3,008	3,611	3,860			
34	0,682	1,170	1,691	2,032	2,345	2,728	3,002	3,601	3,848			
35	0,682	1,170	1,690	2,030	2,342	2,724	2,996	3,591	3,836			
40	0,681	1,167	1,684	2,021	2,329	2,704	2,971	3,551	3,788			
45	0,680	1,165	1,679	2,014	2,319	2,690	2,952	3,520	3,752			
50	0,679	1,164	1,676	2,009	2,311	2,678	2,937	3,496	3,723			
75	0,678	1,159	1,665	1,992	2,287	2,643	2,892	3,425	3,639			
100	0,677	1,157	1,660	1,984	2,276	2,626	2,871	3,390	3,598			
00	0,674	1,150	1,645	1,960	2,241	2,576	2,807	3,291	3,481			

Hinweis: Formel in LibreOffice CALC zum Anzeigen jedes beliebigen Wertes: In Zelle A2 die Irrtumswahrscheinlichkeit (α) eingeben, z.B. 0,05. In Zelle A3 den Freiheitsgrad (f) eingeben, z.B. 19 **=RUNDEN(T.INV.2S(A2;A3);3)** Prüfen ob Ergebnis mit Tabelle übereinstimmt, hier z.B. 2,093